

Wie kannst Du den Term  $-3 \cdot (2x - 5) - 5 \cdot (11 - 2,6x)$  vereinfachen?

Zunächst kannst die Klammern ergänzen. Du erhältst einen ergebnisgleichen Term:

$$(-3) \cdot (2x + (-5)) + (-5) \cdot (11 + (-2,6)x)$$

Jetzt kannst Du die Multiplikationszeichen ergänzen. Du erhältst einen ergebnisgleichen Term:

$$(-3) \cdot (2 \cdot x + (-5)) + (-5) \cdot (11 + (-2,6) \cdot x)$$

Dieser Term besteht aus zwei Summanden.

$$\underbrace{(-3) \cdot (2 \cdot x + (-5))}_{\substack{\text{erster Summand} \\ \text{erster Teilterm}}} + \underbrace{(-5) \cdot (11 + (-2,6) \cdot x)}_{\substack{\text{zweiter Summand} \\ \text{zweiter Teilterm}}}$$

Die Ergänzungen sind nötig, damit Du Formeln anwenden kannst.

Die beiden Summanden sind Terme. Weil sie Teile eines größeren Terms sind, heißen sie Teilterme.

Auf den ersten Summanden kannst Du das Kommutativgesetz der Multiplikation, nämlich

$$m \cdot n = n \cdot m$$

anwenden, wenn Du

$$\begin{array}{llll} m & \text{durch} & (-3) & \text{und} \\ n & \text{durch} & (2 \cdot x + (-5)) & \text{ersetzt.} \end{array}$$

Das macht den Term zwar nicht einfacher, aber danach kannst Du das Distributivgesetz anwenden.

Das sieht dann so aus:

$$\begin{array}{c} m \cdot n \\ \downarrow \quad \downarrow \\ (-3) \cdot (2 \cdot x + (-5)) \end{array}$$

Wenn Du in der rechten Seite des Kommutativgesetzes ebenfalls

$$\begin{array}{llll} m & \text{durch} & (-3) & \text{und} \\ n & \text{durch} & (2 \cdot x + (-5)) & \text{ersetzt,} \end{array}$$

erhältst Du den ergebnisgleichen Term

$$\begin{array}{c} n \cdot m \\ \downarrow \quad \downarrow \\ (2 \cdot x + (-5)) \cdot (-3) \end{array}$$

Der gesamte Term sieht dann so aus:

$$\underbrace{(2 \cdot x + (-5)) \cdot (-3)}_{\substack{\text{erster Summand} \\ \text{erster Teilterm}}} + \underbrace{(-5) \cdot (11 + (-2,6) \cdot x)}_{\substack{\text{zweiter Summand} \\ \text{zweiter Teilterm}}}$$

Auf den ersten Teilterm kannst Du das Distributivgesetz, nämlich

$$m \cdot k + n \cdot k = (m + n) \cdot k$$

anwenden, indem Du auf der rechten Seite dieses Gesetzes

$$\begin{array}{l} m \text{ durch } 2 \cdot x \\ n \text{ durch } (-5) \\ k \text{ durch } (-3) \text{ ersetzt} \end{array}$$

Das sieht dann so aus:

$$\begin{array}{c} (m + n) \cdot k \\ \downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow \\ (2 \cdot x + (-5)) \cdot (-3) \end{array}$$

Wenn Du für die Buchstaben der linken Seite des Distributivgesetzes das gleiche einsetzt, sieht das so aus:

$$\begin{array}{c} m \cdot k + n \cdot k \\ \downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow \\ 2 \cdot x \cdot (-3) + (-5) \cdot (-3) \end{array}$$

Du erhältst einen ergebnisgleichen Term. Diesen kannst Du für  $(2 \cdot x + (-5)) \cdot (-3)$  einsetzen. Also:

$$2 \cdot x \cdot (-3) + (-5) \cdot (-3) + (-5) \cdot (11 + (-2,6) \cdot x)$$

Der Term ist immer noch nicht einfacher geworden, aber das kommt noch.

Bisher haben wir gezeigt:

$$\begin{aligned} & -3 \cdot (2x - 5) - 5 \cdot (11 - 2,6 x) \\ &= (-3) \cdot (2x + (-5)) + (-5) \cdot (11 + (-2,6) x) \\ &= (-3) \cdot (2 \cdot x + (-5)) + (-5) \cdot (11 + (-2,6) \cdot x) \\ &= (2 \cdot x + (-5)) \cdot (-3) + (-5) \cdot (11 + (-2,6) \cdot x) \\ &= 2 \cdot x \cdot (-3) + (-5) \cdot (-3) + (-5) \cdot (11 + (-2,6) \cdot x) \end{aligned}$$

Annotations: ergänzen, ergänzen, Kommutativgesetz, Distributivgesetz

Nun kannst Du diesen Teil ausrechnen und erhältst den ergebnisgleicher

$$2 \cdot x \cdot (-3) + 15 + (-5) \cdot (11 + (-2,6) \cdot x)$$

Jetzt ist der Term einfacher geworden.

Wenn Du auf diesen Teil des Terms das Kommutativgesetz anwendest, kannst Du danach ausrechnen.

Dazu kannst Du in der linken Seite des Kommutativgesetzes

**m** durch **x** und  
**n** durch **(-3)** ersetzen.

Das sieht dann so aus:

$$\begin{array}{c} \mathbf{m} \cdot \mathbf{n} = \mathbf{n} \cdot \mathbf{m} \\ \downarrow \quad \downarrow \\ \mathbf{x} \cdot \mathbf{(-3)} \end{array}$$

Nun kannst Du in die rechte Seite des Kommutativgesetzes für **m** und **n** das gleiche einsetzen. Also:

$$\begin{array}{c} \mathbf{m} \cdot \mathbf{n} = \mathbf{n} \cdot \mathbf{m} \\ \downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow \\ \mathbf{x} \cdot \mathbf{(-3)} = \mathbf{(-3)} \cdot \mathbf{x} \end{array}$$

Der gesamte Term sieht dann so a

$$\underbrace{2 \cdot (-3)} \cdot x + 15 + (-5) \cdot (11 + (-2,6) \cdot x)$$

Diesen Teil des Terms kannst Du ausrechnen. A

$$(-6) \cdot x + 15 + (-5) \cdot (11 + (-2,6) \cdot x)$$

Nun kannst Du den Teilterm  $(-5) \cdot (11 + (-2,6) \cdot x)$  vereinfachen.

Auf diesen Teilterm kannst Du das Kommutativgesetz der Multiplikation -  $\mathbf{m} \cdot \mathbf{n} = \mathbf{n} \cdot \mathbf{m}$  - anwenden, wenn Du in der linken Seite dieses Gesetzes

**m** durch **(-5)** und  
**n** durch **(11 + (-2,6) · x)** ersetzt.

Das sieht dann so aus:

$$\begin{array}{c} \mathbf{m} \cdot \mathbf{n} = \mathbf{n} \cdot \mathbf{m} \\ \downarrow \quad \downarrow \\ \mathbf{(-5)} \cdot \mathbf{(11 + (-2,6) \cdot x)} \end{array}$$

Nun kannst Du in die rechte Seite des Kommutativgesetzes für **m** und **n** das gleiche einsetzen. Also:

$$\begin{array}{c} \mathbf{m} \cdot \mathbf{n} = \mathbf{n} \cdot \mathbf{m} \\ \downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow \\ \mathbf{(-5)} \cdot \mathbf{(11 + (-2,6) \cdot x)} = \mathbf{(11 + (-2,6) \cdot x)} \cdot \mathbf{(-5)} \end{array}$$

Der gesamte Term lautet dar

$$(-6) \cdot x + 15 + (11 + (-2,6) \cdot x) \cdot (-5)$$

Auf den Teilterm  $(11 + (-2,6) \cdot x) \cdot 5$  kannst Du das Distributivgesetz -  $m \cdot k + n \cdot k = (m + n) \cdot k$  - anwenden,

wenn Du in der rechten Seite dieses Gesetzes

$$\begin{array}{ll} \mathbf{m} & \text{durch } 11 \\ \mathbf{n} & \text{durch } (-2,6) \cdot x \quad \text{und} \\ \mathbf{k} & \text{durch } (-5) \quad \text{ersetzt.} \end{array}$$

Das sieht dann so aus:

$$\begin{array}{c} (\mathbf{m} + \mathbf{n}) \cdot \mathbf{k} \\ \downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow \\ (11 + (-2,6) \cdot x) \cdot (-5) \end{array}$$

Wenn Du für die Buchstaben der linken Seite des Distributivgesetzes das gleiche einsetzt, sieht das so aus:

$$\begin{array}{c} \mathbf{m} \cdot \mathbf{k} + \mathbf{n} \cdot \mathbf{k} \\ \downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow \\ 11 \cdot (-5) + (-2,6) \cdot x \cdot (-5) \end{array}$$

Im gesamten Term kannst Du nun den Teilterm  $(11 + (-2,6) \cdot x) \cdot (-5)$

durch den Teilterm  $11 \cdot (-5) + (-2,6) \cdot x \cdot (-5)$  ersetzen. Also:

$$(-6) \cdot x + 15 + 11 \cdot (-5) + (-2,6) \cdot x \cdot (-5)$$

Bisher haben wir gezeigt:

$$\begin{aligned} & -3 \cdot (2x - 5) - 5 \cdot (11 - 2,6 x) && \text{ergänzen} \\ = & (-3) \cdot (2x + (-5)) + (-5) \cdot (11 + (-2,6) x) && \text{ergänzen} \\ = & (-3) \cdot (2 \cdot x + (-5)) + (-5) \cdot (11 + (-2,6) \cdot x) && \text{Kommutativgesetz} \\ = & (2 \cdot x + (-5)) \cdot (-3) + (-5) \cdot (11 + (-2,6) \cdot x) && \text{Distributivgesetz} \\ = & 2 \cdot x \cdot (-3) + (-5) \cdot (-3) + (-5) \cdot (11 + (-2,6) \cdot x) && \text{ausrechnen} \\ = & 2 \cdot x \cdot (-3) + 15 + (-5) \cdot (11 + (-2,6) \cdot x) && \text{Kommutativgesetz} \\ = & 2 \cdot (-3) \cdot x + 15 + (-5) \cdot (11 + (-2,6) \cdot x) && \text{ausrechnen} \\ = & (-6) \cdot x + 15 + (-5) \cdot (11 + (-2,6) \cdot x) && \text{Kommutativgesetz} \\ = & (-6) \cdot x + 15 + (11 + (-2,6) \cdot x) \cdot (-5) && \text{Kommutativgesetz} \\ = & (-6) \cdot x + 15 + \underbrace{11 \cdot (-5)} + (-2,6) \cdot x \cdot (-5) && \text{Kommutativgesetz} \end{aligned}$$

Diesen Teil des Terms kannst Du ausrechnen. Also:

$$(-6) \cdot x + 15 + (-55) + (-2,6) \cdot x \cdot (-5)$$

Auf diesen Teil des Terms kannst Du das Kommutativgesetz der Multiplikation anwenden, indem Du

**m** durch **x** und  
**n** durch **(-5)** ersetzt.

Das Einsetzen und den neuen Term kannst Du hier sehen:

$$\begin{array}{ccc} x \cdot (-5) & & \\ \downarrow \quad \downarrow & & \\ m \cdot n = n \cdot m & & \\ \downarrow \quad \downarrow & & \\ (-5) \cdot x & & \end{array}$$

Der neue Term sieht dann so aus:

$$(-6) \cdot x + 15 + (-55) + (-2,6) \cdot (-5) \cdot x$$

Diesen Teil des Terms kannst Du

ausrechnen. Du erhältst den Term:

$$(-6) \cdot x + 15 + (-55) + 13 \cdot x$$

Auf diesen Teilterm kannst Du das Kommutativgesetz der Addition - nämlich **m + n = n + m** - anwenden, wenn Du in der linken Seite dieses Gesetzes

**m** durch **(-55)** und  
**n** durch **13 · x** ersetzt.

Das sieht dann so aus:

$$\begin{array}{ccc} m + n = n + m & & \\ \downarrow \quad \downarrow & & \\ (-55) + 13 \cdot x & & \end{array}$$

Nun kannst Du in die rechte Seite des Kommutativgesetzes für **m** und **n** das gleiche einsetzen. Also:

$$\begin{array}{ccccccc} m + n = n + m & & & & & & \\ \downarrow \quad \downarrow & & \downarrow & & \downarrow & & \downarrow \\ (-55) + 13 \cdot x = 13 \cdot x + (-55) & & & & & & \end{array}$$

Im gesamten Term kannst Du den Teilterm **(-55) + 13 · x** durch den Teilterm **13 · x + (-55)** ersetzen. Das sieht dann so aus:

$$(-6) \cdot x + 15 + 13 \cdot x + (-55)$$

Auf diesen Teilterm kannst Du das Kommutativgesetz der Addition, nämlich **m · n = n · m**, anwenden, wenn Du in diesem Gesetz

**m** durch **15** und  
**n** durch **13 · x** ersetzt.

Das sieht dann so aus:

$$\begin{array}{ccccccc} \mathbf{m} & + & \mathbf{n} & = & \mathbf{n} & + & \mathbf{m} \\ \downarrow & & \downarrow & & \downarrow & & \downarrow \\ 15 & + & 13 \cdot x & = & 13 \cdot x & + & 15 \end{array}$$

Im gesamten Term kannst Du nun den Teilterm **15 + 13 · x** durch den ergebnisgleichen Teilterm **13 · x + 15** ersetzen. Also:

$$(-6) \cdot x + 13 \cdot x + 15 + (-55)$$

Diesen Teil des Terms kannst Du

ausrechnen. Du erhältst den Term:

$$(-6) \cdot x + 13 \cdot x + (-40)$$

Auf den Term **(-6) · x + 13 · x** kannst Du das Distributivgesetz - **m · k + n · k = (m + n) · k** - anwenden, wenn Du in der linken Seite dieses Gesetzes

**m** durch **(-6)**  
**n** durch **13** und  
**k** durch **x** ersetzt.

Das sieht dann so aus:

$$\begin{array}{ccccccc} \mathbf{m} & \cdot & \mathbf{k} & + & \mathbf{n} & \cdot & \mathbf{k} \\ \downarrow & & \downarrow & & \downarrow & & \downarrow \\ (-6) & \cdot & x & + & 13 & \cdot & x \end{array}$$

Wenn Du für die Buchstaben der rechten Seite des Distributivgesetzes das gleiche einsetzt, sieht das so aus

$$\begin{array}{ccccccc} ( & \mathbf{m} & + & \mathbf{n} & ) & \cdot & \mathbf{k} \\ \downarrow & & \downarrow & & \downarrow & & \downarrow \\ ( & (-6) & + & 13 & ) & \cdot & x \end{array}$$

Den Teilterm **(-6) · x + 13 · x** kannst Du durch den ergebnisgleichen Teilterm **((-6) + 13) · x** ersetzen. Also:

$$((-6) + 13) \cdot x + (-40)$$

Diesen Teil des Terms kannst Du

ausrechnen. Du erhältst den Term:

$$(-78) \cdot x + (-40)$$

Nun kannst Du das Multiplikationszeichen weglassen. Du erhältst den Term:

$$(-78)x + (-40)$$

Nun kannst Du die Klammern weglassen. Du erhältst den Term:

$$-78x + 40$$

Fertig.

Wir haben gezeigt:

$$\begin{aligned} & -3 \cdot (2x - 5) - 5 \cdot (11 - 2,6 x) && \text{ergänzen} \\ = & (-3) \cdot (2x + (-5)) + (-5) \cdot (11 + (-2,6) x) && \text{ergänzen} \\ = & (-3) \cdot (2 \cdot x + (-5)) + (-5) \cdot (11 + (-2,6) \cdot x) && \text{Kommutativgesetz} \\ = & (2 \cdot x + (-5)) \cdot (-3) + (-5) \cdot (11 + (-2,6) \cdot x) && \text{Distributivgesetz} \\ = & 2 \cdot x \cdot (-3) + (-5) \cdot (-3) + (-5) \cdot (11 + (-2,6) \cdot x) && \text{ausrechnen} \\ = & 2 \cdot x \cdot (-3) + 15 + (-5) \cdot (11 + (-2,6) \cdot x) && \text{Kommutativgesetz} \\ = & 2 \cdot (-3) \cdot x + 15 + (-5) \cdot (11 + (-2,6) \cdot x) && \text{ausrechnen} \\ = & (-6) \cdot x + 15 + (-5) \cdot (11 + (-2,6) \cdot x) && \text{Kommutativgesetz} \\ = & (-6) \cdot x + 15 + (11 + (-2,6) \cdot x) \cdot (-5) && \text{Kommutativgesetz} \\ = & (-6) \cdot x + 15 + 11 \cdot (-5) + (-2,6) \cdot x \cdot (-5) && \text{ausrechnen} \\ = & (-6) \cdot x + 15 + (-55) + (-2,6) \cdot x \cdot (-5) && \text{Kommutativgesetz} \\ = & (-6) \cdot x + 15 + (-55) + (-2,6) \cdot (-5) \cdot x && \text{ausrechnen} \\ = & (-6) \cdot x + 15 + (-55) + 13 \cdot x && \text{Kommutativgesetz} \\ = & (-6) \cdot x + 15 + 13 \cdot x + (-55) && \text{Kommutativgesetz} \\ = & (-6) \cdot x + 13 \cdot x + 15 + (-55) && \text{ausrechnen} \\ = & (-6) \cdot x + 13 \cdot x + (-40) && \text{Distributivgesetz} \\ = & ((-6) + 13) \cdot x + (-40) && \text{ausrechnen} \\ = & (-7) \cdot x + (-40) && \text{ausrechnen} \\ = & (-78) \cdot x + (-40) && \text{weglassen} \\ = & (-78)x + (-40) && \text{weglassen} \\ = & -78x + 40 && \end{aligned}$$

Fertig.